

¿Cuánto debe medir la línea dibujada si su diagonal es 1?

¿Podrías utilizar la goma para medir la mesa? ¿Sería útil? A lo largo de la historia se han empleado distintas unidades para medir longitudes: metro, kilómetro, milla, pie, yarda, pulgada, etc.

0

PRESTA ATENCIÓN

El SI fija el símbolo de las unidades, los múltiplos y submúltiplos, y establece normas para su escritura.

- El símbolo de las unidades se escribe en minúscula salvo que se refiera al nombre de una persona: m (metro),
 J (julio).
- El **símbolo de los múltiplos y submúltiplos** va antes de la unidad: km, cL, etc.
- Los símbolos nunca llevan la «s» del plural. Así, para escribir ocho kilómetros, ponemos 8 km, y no 8 kms.

3

La medida

Muchas de las propiedades de un cuerpo o un sistema material son cuantitativas, es decir, las valoramos con un número y una unidad. Así, las dimensiones de la goma eran $4 \text{ cm} \times 1,5 \text{ cm} \times 1 \text{ cm}$, su masa era 20 g, etc. Podemos obtener estos valores midiéndolos con el instrumento adecuado: las dimensiones, con una regla; la masa, con una balanza; etc.

Magnitud es cualquier propiedad de la materia que se puede medir, es decir, que se puede expresar con un número y una unidad.

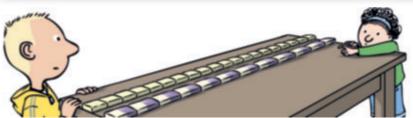
Para medir una magnitud necesitamos una unidad. Por ejemplo, para medir la longitud necesitamos una regla que mida centímetros.

Una **unidad** es una cantidad de una magnitud que tomamos como referencia para medir esa magnitud.

Medir una magnitud es compararla con una unidad para ver cuántas veces la contiene.

El resultado lo expresamos con un número seguido de la unidad.





3.1. El Sistema Internacional de unidades

Emplear diferentes unidades hace que resulte difícil comparar valores. Por eso, el organismo internacional Conferencia General de Pesas y Medidas ha establecido un conjunto de unidades llamado **Sistema Internacional (SI)**. Muchos países, entre ellos España, han adoptado este sistema.

Para expresar cantidades muy grandes o muy pequeñas, el SI también ha establecido múltiplos y submúltiplos de esas unidades.

El **Sistema Internacional (SI) de unidades** es el conjunto de unidades base para expresar cada magnitud, junto con sus múltiplos y submúltiplos.

3.2. Masa, longitud y capacidad

La masa y la longitud son magnitudes fundamentales del Sistema Internacional. Sus unidades son el kg y el m. Tradicionalmente, la masa, la longitud y la capacidad se miden en las unidades de esta tabla.

Magnitud	Masa	Longitud	Capacidad
Unidad base	Gramo	Metro	Litro
Símbolo	g	m	L

En la tabla siguiente se muestran además los múltiplos y submúltiplos que utilizaremos este curso. Observa cómo se escribe cada símbolo.

	Nombre	Símbolo	Factor	Masa	Longitud	Capacidad
<u>_</u>	kilo	k	\times 10 ³	kg	km	kL
Múltiplo	hecto	h	$\times 10^2$	hg	hm	hL
Σ	deca	da	× 10	dag	dam	daL
	Unidad			g	m	L
oldi	deci	d	$\times 10^{-1}$	dg	dm	dL
Submúltiplo	centi	С	$\times 10^{-2}$	cg	cm	CL
gns	mili	m	$\times 10^{-3}$	mg	mm	mL

El factor representa la relación entre el múltiplo o el submúltiplo y la unidad. ¿Qué significan las potencias de diez?

P	RE

ECUERDA

Las potencias representan una operación matemática en la que un número se multiplica por sí mismo varias veces.

La potencia 8³ se lee ocho elevado a tres y representa:

exponente

$$8^3 = 8 \times 8 \times 8$$
 base 3 veces

Las potencias de exponente negativo son la inversa de esa potencia con exponente positivo.

$$8^{-3} = \frac{1}{8^3} = \frac{1}{8 \times 8 \times 8}$$

Múltiplos	$10^{1} = 10$ $1 cero$ $diez$	$10^2 = 100$ 2 ceros cien	$10^3 = 1000$ 3 ceros mil
Submúltiplos	$10^{-1} = \frac{1}{10} = 0.1$ 1 cero	$10^{-2} = \frac{1}{10^2} = \frac{1}{100} = 0.01$ centésima	$10^{-3} = \frac{1}{10^3} = \frac{1}{1000} = 0,001$ milésima

- 9 Razona cuáles de las siguientes características de la materia son magnitudes y cuáles no:
 - a) La altura.
- c) La belleza.
- e) El sabor.
- b) El precio en euros. d) El peso.
- 10 Completa la tabla en tu cuaderno:

Símbolo	Unidad	Símbolo	Unidad
	miligramo		decilitro
	kilómetro		milímetro
	centímetro	hg	
mL			decagramo

- 11 El pie es una medida de longitud basada en el pie humano. Utilizando como unidad de medida tu pie, mide la longitud del encerado y anota el resultado.
 - a) Si hubieses hecho esta medida el curso anterior, ¿habrías obtenido el mismo resultado? ¿Y si la haces el curso próximo?
 - b) ¿Obtendrás el mismo resultado con y sin zapatos?
 - c) Busca información: ¿a qué distancia equivale un pie. ¿Ha sido la misma a lo largo de la historia?
 - d) ¿A qué longitud equivale actualmente «un pie»?
 - e) ¿Es adecuado utilizar el pie como unidad de medida? Compáralo con el metro.

P

RECUERDA

Operaciones con potencias

Para multiplicar potencias de la misma base se escribe la misma base y se suman los exponentes:

•
$$10^3 \cdot 10^2 = 10^{3+2} = 10^5$$

•
$$10^{-3} \cdot 10^2 = 10^{-3+2} = 10^{-1}$$

Para elevar una potencia a otra potencia se escribe la misma base y se multiplican los exponentes:

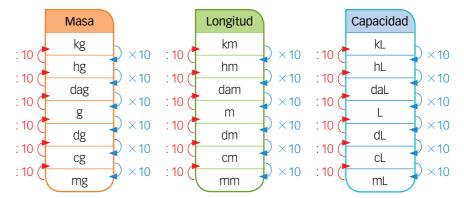
•
$$(10^2)^3 = 10^{2 \cdot 3} = 10^6$$

•
$$(10^2)^{-3} = 10^{2 \cdot (-3)} = 10^{-6}$$

Transformación de cantidades

En las medidas de masa, longitud y capacidad:

- Para convertir una cantidad en el múltiplo siguiente, más grande, se divide entre 10. Ejemplo: 20 hg = 2 kg.
- Para convertir una cantidad en el submúltiplo siguiente, más pequeño, se multiplica por 10. Ejemplo: 5 g = 50 dg.



1. EJEMPLO RESUELTO

Expresa 0,5 daL en mL.

1. Localiza la unidad de partida y la de llegada.	daL → mL
Para pasar de una a otra avanza hacia el extremo de los submúltiplos.	El exponente de 10 será positivo.
3. Cuenta el número de pasos que hay de una unidad a la otra. Ese es el exponente de 10.	daL L ×10 dL ×10 ×10 cL ×10 ×10 ×10

4. Expresa en la unidad correspondiente.

$$0.5 \, \text{daL} = 0.5 \cdot 10^4 \, \text{mL} = 5000 \, \text{mL}$$

2. EJEMPLO RESUELTO

Expresa 850 dg en hg.

 Localiza la unidad de partida y la de llegada. 	dg → hg	
 Para pasar de una a otra avanza hacia el extremo de los múltiplos. 	El exponente de 10 será negativo.	
3. Cuenta el número de pasos que hay de una a la otra. Ese es el exponente de 10.	: 10 hg dag dag : 10 g dg	

4. Expresa en la unidad correspondiente.

$$850 \text{ dg} = 850 \cdot 10^{-3} \text{ hg} = 850 \cdot 10^{-3} \text{ hg} = 0.85 \text{ hg}$$

ACTIVIDADES

12 Realiza las siguientes transformaciones:

a)
$$25.8 g \rightarrow cg$$

b)
$$0.05 \text{ hg} \rightarrow \text{dg}$$

13 Realiza las siguientes transformaciones:

a)
$$8,15 \text{ km} \rightarrow \text{dam}$$

c)
$$0.04 \text{ hm} \rightarrow \text{m}$$

14 Realiza las siguientes transformaciones:

a)
$$16 L \rightarrow hL$$

c)
$$7.5 \text{ kL} \rightarrow \text{cL}$$

d)
$$50 dL \rightarrow hL$$

15 Ordena estas cantidades de mayor a menor:

3.3. Magnitud superficie

El **valor de una superficie** se obtiene multiplicando dos longitudes, que deben expresarse en la misma unidad. Ejemplo:

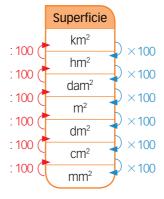
$$5,40 \text{ m} \times 6,50 \text{ m} = 35,1 \text{ m}^2$$

En las medidas de superficie:

- Para pasar al múltiplo siguiente, mayor, se divide entre 100.
 Ejemplo: 500 cm² = 5 dm².
- Para pasar al submúltiplo siguiente, menor, se multiplica por 100. Ejemplo: 3 m² = 300 dm².

Las unidades de superficie se corresponden con las unidades de longitud al cuadrado.

¿Qué significan los factores?



	Nombre	Símbolo	Factor	Superficie
<u>0</u>	kilo	k	\times 10 ⁶	km²
Múltiplo	hecto	h	\times 10 ⁴	hm²
Σ	deca	da	\times 10 ²	dam²
		Unidad		m²
oldi	deci	d	$\times 10^{-2}$	dm²
Submúltiplo	centi	С	$\times 10^{-4}$	cm²
gns	mili	m	$\times 10^{-6}$	mm²

Múltiplos	10 ² = 100 2 ceros	10 ⁴ = 10 000 4 ceros	10 ⁶ = 1 000 000 6 ceros
	cien	diez mil	millón
Submúltiplos	$10^{-2} = \frac{1}{10^2} = \frac{1}{100} = 0.01$ 2 ceros	$10^{-4} = \frac{1}{10^4} = \frac{1}{100000} = 0,0001$	$10^{-6} = \frac{1}{10^6} = \frac{1}{1000000} = 0,000001$
	centésima	diez milésima	millonésima

3. EJEMPLO RESUELTO

Expresa 0,5 dam² en dm².

1. Identifica las unidades.	$dam^2 \rightarrow dm^2$	
2. Para pasar de una a otra avanza hacia los submúltiplos.	El exponente de 10 será positivo.	
3. Cuenta el número de pasos que hay de una a la otra. Ese es el exponente de 100.	$\begin{array}{c} dam^2 \\ m^2 \xrightarrow{\hspace{1cm} \times \hspace{1cm} 100} \\ dm^2 \xrightarrow{\hspace{1cm} \times \hspace{1cm} 100} \end{array}$	

4. Expresa en la unidad correspondiente. $0.5 \text{ dam}^2 = 0.5 \cdot 100^2 \text{ dm}^2 = 0.5 \cdot 10^4 \text{ dm}^2 = 5000 \text{ dm}^2$

4. EJEMPLO RESUELTO

Expresa 85 cm² en m².

1. Identifica las unidades.	$cm^2 \rightarrow m^2$	
Para pasar de una a otra avanza hacia los múltiplos.	El exponente de 10 será negativo.	
Cuenta el número de pasos que hay de una a la otra. Ese es el exponente de 100.	: 100	

4. Expresa en la unidad correspondiente.

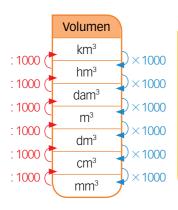
$$85 \text{ cm}^2 = 85 \cdot 100^{-2} \text{ m}^2 = 85 \cdot 10^{-4} \text{ m}^2 = 85 \cdot \frac{1}{10^4} \text{ m}^2 = 0,0085 \text{ m}^2$$

- 16 Realiza las siguientes transformaciones:
 - a) $1,25 \text{ m}^2 \rightarrow \text{cm}^2$
- c) 1,007 dam² \to mm²
- b) $0.082 \text{ km}^2 \rightarrow \text{dm}^2$
- d) $500 \text{ cm}^2 \rightarrow \text{dm}^2$
- Ordena las siguientes cantidades de mayor a menor:
 - a) 1432 cm²
- 347 dam²
- 0,0005 km²
- b) 0,000 564 hm²
- 657 892 cm²
- 4,5 m²

3.4. Magnitud volumen

El **valor de un volumen** se obtiene multiplicando tres longitudes, que deben expresarse en la misma unidad. Ejemplo:

$$5,40 \,\mathrm{m} \times 6,50 \,\mathrm{m} \times 3 \,\mathrm{m} = 105,3 \,\mathrm{m}^3$$



	Nombre	Símbolo	Factor	Volumen
<u>0</u>	kilo	k	× 10 ⁹	km³
Múltiplo	hecto	h	× 10 ⁶	hm³
Σ	deca	da	\times 10 ³	dam³
		Unidad		m³
oldi	deci	d	$\times 10^{-3}$	dm³
Submúltiplo	centi	С	$\times 10^{-6}$	cm³
Sub	mili	m	× 10 ⁻⁹	mm³

En las medidas de volumen:

- Para pasar al múltiplo siguiente, mayor, se divide entre 1000.
 Ejemplo: 4000 dm³ = 4 m³.
- Para pasar al submúltiplo siguiente, menor, se multiplica por 1000. 2 hm³ = 2000 dam³.

Las unidades de volumen se corresponden con las unidades de longitud al cubo.

¿Qué significan los factores?

Múltiplos	$10^3 = 1000$ 3 ceros	$10^6 = 1000000$ 6 ceros	10° = 1 000 000 000 9 ceros
·	mil	millón	mil millones

Submúltiplos	$10^{-3} = \frac{1}{10^3} = 0.001$ 3 ceros	$10^{-6} = \frac{1}{10^6} = 0,000001_{6\text{ceros}}$	$10^{-9} = \frac{1}{10^9} = 0,00000001$ 9 ceros
	milésima	millonésima	mil millonésima

5. EJEMPLO RESUELTO

Expresa 0,5 m³ en mm³.

1. Identifica las unidades.	$m^3 \rightarrow mm^3$
Para pasar de una a otra avanza hacia los submúltiplos.	El exponente de 1000 será positivo.
3. Cuenta el número de pasos que hay de una a la otra. Ese es el exponente de 1000.	m³

4. Expresa en la unidad correspondiente.

$$0.5 \text{ m}^3 = 0.5 \cdot 1000^3 \text{ mm}^3 = 0.5 \cdot 10^9 \text{ mm}^3 = 500 \ 000 \ 000 \ \text{mm}^3$$

6. EJEMPLO RESUELTO

Expresa 850 dam³ en km³.

1. Identifica las unidades.	dam³ → km³
Para pasar de una a otra avanza hacia los múltiplos.	El exponente de 1000 será negativo.
Cuenta el número de pasos que hay de una a la otra. Ese es el exponente de 1000.	2 pasos : 1000 km³ hm³ dam³

4. Expresa en la unidad correspondiente.

$$850 \text{ dam}^3 = 850 \cdot 1000^{-2} \text{ km}^3 = 850 \cdot 10^{-6} \text{ km}^3 =$$

$$= 850 \cdot \frac{1}{10^6} \text{ km}^3 = 0,000 \text{ 85 km}^3$$

- 18 Realiza las siguientes transformaciones:
 - a) $73,357 \text{ cm}^3 \rightarrow \text{mm}^3$
- b) 1,0576 dam³ \to dm³
- 19 Ordena las siguientes cantidades:
 - 6,42 cm³
- 0,935 dm³
- 2575 mm³

Relación entre las unidades de volumen y de capacidad

Normalmente hablamos del volumen de un cuerpo y de la capacidad de un recipiente. En ambos casos nos referimos a la misma magnitud. Por eso debemos relacionar las unidades de volumen y de capacidad.

→ SABER HACER

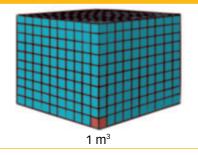
Comparar volumen y capacidad

- Corta 12 listones de 1 m y construye con ellos un cubo. ¿Cabes dentro?
- B Construye 5 cuadrados de plástico de 1 dm (10 cm) de lado y haz con ellos un cubo como el de la figura.

 Verás que en su interior cabe 1 L de agua.



¿Cuántos litros hay en 1 m³?

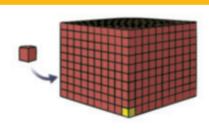


1 m³ es un cubo que tiene 1 m de lado. Divide cada m en 10 dm. Si haces todos los cortes que marcan las líneas, verás que se obtienen 1000 cubos de 1 dm de lado.

$$1 \text{ m}^3 = 1000 \text{ dm}^3 = 1000 \text{ L}$$

$$1 \text{ m}^3 = 1 \text{ kL} = 1000 \text{ L}$$

¿Cuál es la equivalencia entre L y dm³?



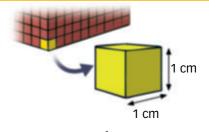
 $1 \, dm^3 = 1 \, L$

1 dm³ es un cubo que tiene 1 dm de lado. Divide cada dm en 10 cm. Al hacer todos los cortes que marcan las líneas, se obtienen 1000 cubos de 1 cm de lado.

$$1 L = 1 dm^3 = 1000 cm^3$$

 $1 \, dm^3 = 1 \, L$

¿Cuál es la equivalencia entre cm³ y mL?



 $1 \text{ cm}^3 = 1 \text{ mL}$

1 cm³ es un cubo que tiene 1 cm de lado. 1 cm³ es la milésima parte de 1 dm³. Por tanto, es equivalente a 1 mL (mililitro).

 $1 \text{ cm}^3 = 1 \text{ mL}$

 $1 \text{ cm}^3 = 1 \text{ mL} = 0,001 \text{ L}$

ACTIVIDADES

20 Coge un tetrabrik en los que se anuncia 1 L de leche o de zumo.

- a) Con la regla mide el largo, el ancho y el alto de la caja y luego calcula el volumen.
- b) Razona si ese tetrabrik puede contener 1 litro de líquido.

(Pista: averigua si está completamente lleno de líquido).

21 Realiza las siguientes transformaciones:

- a) Una enorme piscina tiene 250 millones de litros de agua. Exprésalo en m³.
- b) Los botes de refresco tienen un volumen de 33 cL. Exprésalo en cm³.
- c) En una receta de cocina se necesitan 5 dL de aceite. Expresa esta cantidad en dm³ y en cm³.

4

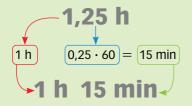
Cambio de unidades

RECUERDA

Para pasar de minutos a horas se divide entre 60:

75 min → 1,25 h

Para expresar el resultado en horas y minutos:



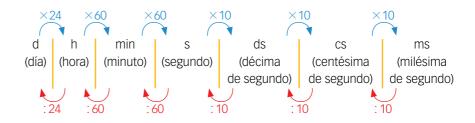
En las páginas anteriores hemos aprendido a expresar una cantidad de una magnitud utilizando los múltiplos o submúltiplos del SI. Para hacer cambios un poco más complejos se utilizan factores de conversión.

Un **factor de conversión** es una fracción con distintas unidades en el numerador y en el denominador, pero que son equivalentes.

Multiplicar una cantidad por un factor de conversión es como multiplicarla por 1; la cantidad no varía, solo cambian sus unidades.

4.1. Cambio de unidades de tiempo

En el SI, el tiempo se mide en segundos (s). Si la cantidad es grande, se suele expresar en minutos, horas, días, años, etc., y si es pequeña, en décimas, centésimas o milésimas de segundo.



ACTIVIDADES

- Calcula cuántas milésimas de segundo son 47 segundos.
- 23 Una película dura 135 minutos. ¿Cuántas horas dura?
- Una canción dura 2,13 minutos. ¿Cuántas décimas de segundo dura?

7. EJEMPLO RESUELTO

el resultado final en la nueva unidad.

. LyLivii Lo NLOOLLIO	
expresa 5000 s en horas.	
 Busca la relación entre las dos unidades: segundos (s) y hora (h). 	h min s (segundo) 1 h = $60 \times 60 = 3600 \text{ s}$
 Escribe la cantidad que quieres cambiar seguida de punto (signo de multiplicar) y la raya de fracción del factor de conversión. 	5000 s ·
3. El factor de conversión debe contener la unidad de partida (s) y la que quieres obtener (h), de forma que se simplifique la primera. Como se parte de segundos, escribe segundos en el denominador.	5000 s · h s
Al lado de cada unidad pon su equivalencia con la otra unidad.	5000 s · 1 h de conve
5. Simplifica lo que sobra, opera y expresa	$5000 \text{s} \cdot \frac{1 \text{h}}{1} = 1.39 \text{h}$

3600 \$

4.2. Cambio de unidades de velocidad

La velocidad indica la distancia que recorre un cuerpo en movimiento por unidad de tiempo. La unidad de velocidad se expresa como una unidad de longitud partido por una unidad de tiempo, como 15 m/s o 90 km/h. En el primer caso, 15 m/s, indicamos que en un segundo se recorren 15 metros. En el segundo caso, 90 km/h, indicamos que en una hora se recorren 90 km.

8. EJEMPLO RESUELTO Un coche va a una velocidad media de 90 km/h. Exprésala en m/s. 1 km = 1000 m1. Busca las unidades que debes transformar y la relación entre ellas. $1 h = 60 \times 60 = 3600 s$ 2. Escribe la cantidad que quieres cambiar 1.er factor 1000 m seguida del factor de conversión que permita el primer cambio: $km \rightarrow m$. 3. A continuación, escribe el segundo 2.º factor 1000 m 1 K factor de conversión para cambiar 3600 s la segunda unidad: $h \rightarrow s$. 4. Simplifica lo que sobra, opera y expresa el resultado final.



RECUERDA

Para dividir potencias de la misma base se escribe la misma base y se restan los exponentes:

$$\frac{10^8}{10^2} = 10^{8-2} = 10^6$$

•

PRESTA ATENCIÓN

Para cambiar la unidad de la **velocidad** puedes necesitar dos factores de conversión encadenados: uno para cambiar la unidad de longitud y otro para cambiar la unidad de tiempo.

Para cambiar las unidades en las que se expresa la **densidad** puedes necesitar dos factores de conversión, como en el caso de la velocidad.

4.3. Cambio de unidades de densidad

La densidad mide la masa de un cuerpo por unidad de volumen.

9. EJEMPLO RESUELTO

Busca las unidades que debes transformar y la relación entre ellas.	1 kg = $1000 \text{ g} = 10^3 \text{ g}$ 1 m ³ = $1000 \text{ L} = 1000 000 \text{ mL}$ 1 m ³ = 10^6 mL
 Escribe la cantidad que quieres cambiar seguida del factor de conversión que permita el primer cambio: g → kg. 	$0,69 \frac{\text{g}}{\text{mL}} \cdot \frac{1 \text{kg}}{10^3 \text{ g}} $ 1.er factor
 A continuación, escribe el segundo factor de conversión para cambiar la segunda unidad: mL → m³. 	$0,69 \frac{\text{g}}{\text{pnL}} \cdot \frac{1 \text{kg}}{10^3 \text{ g}} \cdot \frac{10^6 \text{ pnL}}{1 \text{ m}^3}$ 2.° fa
Simplifica lo que sobra, opera y expresa el resultado final.	$0,69 \cdot \frac{10^6}{10^3} \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} = 0,69 \cdot 10^3 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} = $ $= 690 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$

- Los datos técnicos de una motocicleta dicen que su velocidad máxima es 25 m/s. Exprésala en km/h.
- 24 El tren de levitación magnética japonés JR-Maglev ha conseguido una velocidad de 581 km/h. Exprésala en km/min y en m/s.
- 27 El mercurio es un metal líquido de elevada densidad. 1 L de mercurio tiene una masa de 13,59 kg.
 Expresa su densidad en kg/m³.
- El aire que respiramos tiene una densidad aproximada de 1,29 kg/m³. Exprésala en g/L.